

Ministarstvo ekonomije CG & GTZ

***Obuka lica za vršenje energetskih pregleda i sertifikovanje zgrada***

Mašinski fakultet i Arhitektonski fakultet UCG

Podgorica, 01.03.2011.

ARHITEKTONSKI PARAMETRI EEZ – PRORAČUN KOEFICIJENTA PROLAZA  
TOPLOTE “U” (“k”), HOMOGENOST KONSTRUKCIJA  
[Arhitektura\_2b]

Prof. dr Dušan Vuksanović, dipl.inž.arh.  
Arhitektonski fakultet u Podgorici

# Toplotna izolacija zgrade: predmet standarda (JUS U.J5.)

## ⇒ ANALIZA KONSTRUKCIJA (PREGRADA):

- **toplotna izolacija** građevinske konstrukcije – pregrade
  - karakteriše je koeficijent prolaza toplote “**k**” **odnosno “U”**
  - metode proračuna definiše JUS U. J5. **510 :1998** (:1987)
- **difuzija vodene pare** kroz građ. konstrukcije u zgradama
  - metode proračuna definiše JUS U. J5. **520 :1997**
- **toplotna stabilnost** spoljašnjih građ. konstrukcija u ljetnjem razdoblju
  - metode proračuna definiše JUS U. J5. **530 :1997**

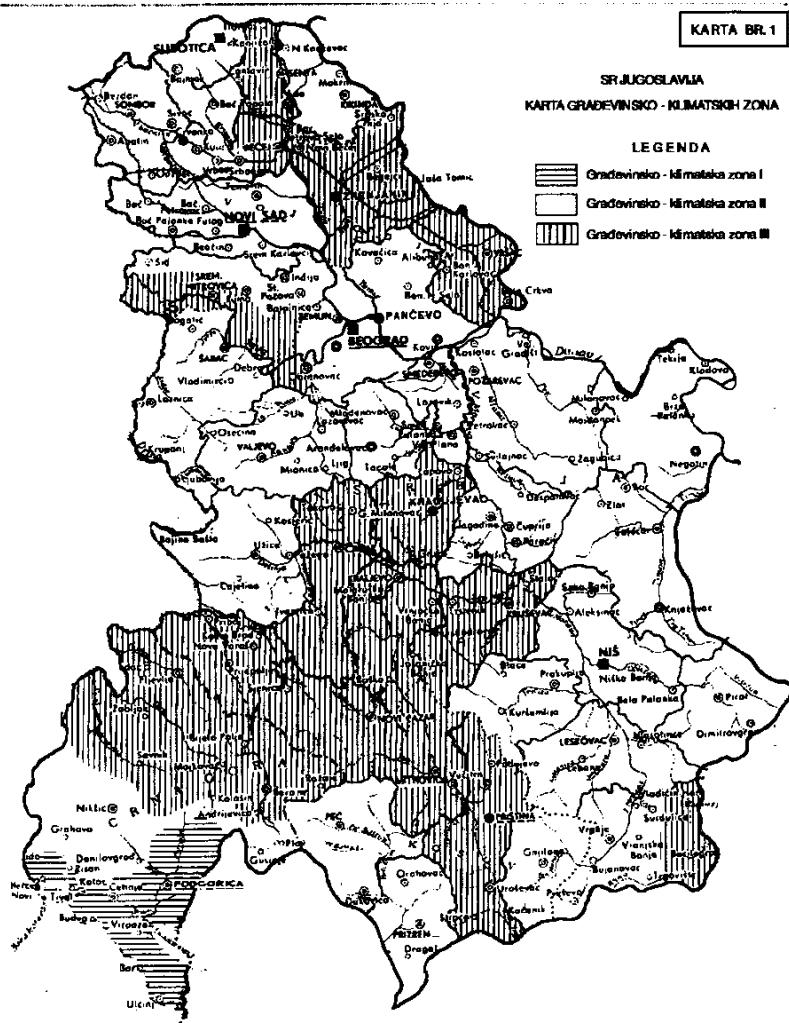
- ⇒ **OCJENA** analiziranih / izračunatih **karakteristika – objekta i konstrukcija** – vrši se prema metodama i kriterijumima koje definiše:
- **Tehnički uslovi za projektovanje i građenje zgrada: JUS U. J5. 600**

# Klimatski parametri, klimatske zone

- Propisima su definisani realni klimatski parametri koji se uzimaju u obzir prilikom različitih koraka termičkog proračuna (JUS.U.J5.600 – Tehnički uslovi za projektovanje i građenje zgrada (1998))
- Podjela teritorije na 3 klimatske zone uz uvažavanje lokalnih klimatskih karakteristika (na osnovu višegodišnjih meteoroloških osmatranja; uticaj vjetra) podjela na tri klimatske zone – okvirna;
- Podaci se koriste samo za neke od proračuna kojima se provjerava ispunjenost tehničkih uslova;
- Na osnovu podjele na zone definisane su:
  - maksimalne dozvoljene vrijednosti koeficijenta prolaza toplote ("k") za različite tipove konstrukcija
  - vrijednosti projektnih temperatura za proračun difuzije vodene pare, broj dana u toku kojih se difuzija pojavljuje i broj dana ljetnjeg isušenja kondenzata

# JUS U.J5.: klimatske zone i spoljne projektne temperature

Karta br.1: Karta građevinsko-klimatskih zona



Karta br. 2: Karta spoljnih projektnih temperatura



# Princip provjere pojedinačnih građevinskih konstrukcija u odnosu na zahtjeve toplotne zaštite

- Za svaki pojedinačni tip konstrukcije omotača objekta: **fasadni zid, krov, konstrukciju prema negrijanom prostoru, pod na tlu,...** provjerava se da li zadovoljava kriterijume određene propisima iz oblasti toplotne zaštite!
- Ova vrsta provjere predstavlja **potreban, ali ne i dovoljan uslov ispunjenosti toplotne zaštite** i iziskuje dalju provjeru u pogledu toplotnih gubitaka (po  $m^2$  elementa omotača), odnosno, ukupnih toplotnih gubitaka objekta.

# Algoritam provjere pojedinačnih građevinskih konstrukcija

## 1. korak

- **Proračun koeficijenta prolaza toplote k (U)**
- $k(U) < k_{\text{dozv}}$ 
  - zahtjev ispunjen – prelazi se na sljedeći korak
  - zahtjev nije ispunjen – konstrukcija ne zadovoljava postavljeni zahtjev i iziskuje korekciju

## 2. korak

- **Postojanje površinske kondenzacije**
- $(\text{temperatura unutraš. pov. građ.kon.}) \theta_i > t_r$  (temperatura rošenja – tačka rose)
  - zahtjev ispunjen – prelazi se na sljedeći korak
  - zahtjev nije ispunjen – konstrukcija ne zadovoljava postavljeni zahtjev i iziskuje korekciju

# Algoritam provjere pojedinačnih građevinskih konstrukcija

## 3. korak

- **Proračun difuzije vodene pare**

- a. *Da li ima kondenzata?*

- nema – prelazi se na sljedeći korak
    - ima – konstrukcija ne zadovoljava postavljeni zahtjev i iziskuje dalju provjeru:

- b. *Proračun upijanja kondenzata*

- Da li konstrukcija može da upije kondenzat?
    - može – prelazi se na sljedeći korak
    - ne može – konstrukcija ne zadovoljava postavljeni zahtjev i iziskuje dalju provjeru:

- c. *Proračun ljetnjeg isušenja konstrukcije*

- Da li kondenzat može da se isuši tokom ljetnjeg perioda (isušenja)?
    - može – prelazi se na sljedeći korak
    - ne može – konstrukcija ne zadovoljava postavljeni zahtjev i iziskuje korekciju

# Algoritam provjere pojedinačnih građevinskih konstrukcija

## 4. korak

### a. *Proračun faktora prigušenja amplitude oscilacije temperature*

- $v > v_{\min}$
- zahtjev ispunjen – prelazi se na sljedeći korak
- zahtjev nije ispunjen – konstrukcija ne zadovoljava postavljeni zahtjev i iziskuje korekciju

### b. *Provjera kašnjenja oscilacije temperature*

- $\eta > \eta_{\min}$
- zahtjev ispunjen – konstrukcija zadovoljava uslove standarda
- zahtjev nije ispunjen – konstrukcija ne zadovoljava postavljeni zahtjev i iziskuje korekciju

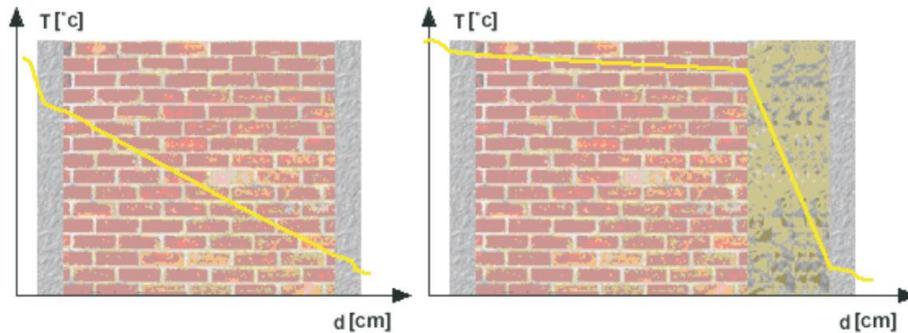
# Analiza/provjera pojedinačnih konstrukcija: koeficijent prolaza toplote

- **Tipovi konstrukcija**
- **Metoda proračuna** koeficijenta prolaza toplote uslovljena tipom konstrukcije:
  - a) **homogena** konstrukcija
  - b) **konstrukcija od više homogenih slojeva**
  - c) konstrukcija jednostavne heterogenosti
  - d) konstrukcija složene heterogenosti
- Za slučajeve **homogenih** konstrukcija (a) i konstrukcija **jednostavne heterogenosti** (c) se usvaja (prepostavlja) da je **toplotni protok (tok, fluks)**:
  - **stacionaran**
  - **upravan na površinu konstrukcije**

# Analiza/provjera pojedinačnih konstrukcija: koeficijent prolaza topline

- **Homogena građevinska konstrukcija:** konstrukcija čije su spoljna i unutrašnja strana međusobno paralelne i koja se sastoji **od samo jedne vrste materijala**

$$\rightarrow k = 1/(1/\alpha_i + d/\lambda + 1/\alpha_e) \dots [W/(m^2 K)]$$



- Kriva temperature u zidu:
  - bez TI i
  - sa primjenom TI

- **Konstrukcija iz više homogenih slojeva:** konstrukcija čije su spoljašnja i unutrašnja strana međusobno paralelne i koja se sastoji iz više, njima paralelnih, homogenih slojeva materijala

$$\rightarrow k = 1/(1/\alpha_i + \sum d_j/\lambda_j + 1/\alpha_e); j \in \{1,n\} \dots [W/(m^2 K)]$$

# Analiza/provjera pojedinačnih konstrukcija: koeficijent prolaza toplote

- Konstrukcija **jednostavne heterogenosti**: konstrukcija sastavljena **od dva ili više homogenih slojeva** sa geometrijski pravilnim spojevima; heterogenost - površinska
- Konstrukcija **složene heterogenosti**: struktura konstrukcije takva da postoje bočni toplotni protoci, odnosno, dodatni linijski toplotni gubici
- **Posebni oblici konstrukcija složene heterogenosti:** različiti tipovi konstrukcija koje sadrže vazdušni sloj
- **Podtipovi konstrukcija sa vazdušnim slojem** se definišu **u zavisnosti od načina izmjene vazduha u vazdušnom sloju**
- **Provjera koeficijenta prolaza toplote konstrukcije sa ventilisanim vazdušnim slojem** se vrši zavisno od toga da li je riječ o:
  - **vertikalnoj konstrukciji** – mjerodavan odnos ukupne površine presjeka otvora za ventilaciju  $s$  ( $m^2$ ) i dužine građevinske konstrukcije koja se ventiliše  $L$  ( $m$ )
  - **horizontalnoj konstrukciji** – mjerodavan odnos ukupne površine presjeka otvora za ventilaciju  $s$  ( $m^2$ ) i površine ventilisane građevinske konstrukcije  $A$  ( $m^2$ )

# Analiza/provjera pojedinačnih konstrukcija

## Princip formiranja spoljašnjih konstrukcija

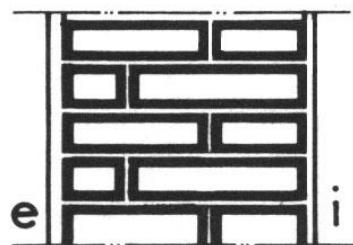
- Treba usvojiti princip da spoljašnje konstrukcije imaju **tri osnovna sloja** koji moraju ispuniti zahtjeve:
  - **Unutrašnji konstruktivni sloj** zadovoljavajuće toplotne akumulacije
  - **Termoizolacioni sloj** koji garantuje optimalnu toplotnu izolaciju.
  - **Spoljni sloj postojan na vremenske promjene** koji treba da preuzme ulogu insolacione brane, brane kose kiše i atmosferilija i drugih meteoroloških činilaca
- Rješenja višeslojnih spoljašnjih konstrukcija sa aspekta toplotne zaštite:
  - **Kontaktna fasada**
  - Ventilisana fasada
  - Panelni fasadni sistemi

# Otpor konstrukcije prolazu toplote i homogenost konstrukcija

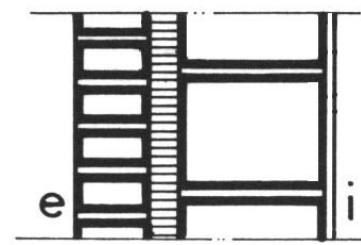
**Otpor  $R$  koji (sama) konstrukcija pruža prolazu toplote:**

**Homogene**

(*jednoslojne konstrukcije*)



Konstrukcije sa više homogenih slojeva  
(*višeslojne konstrukcije*)



$$R = \frac{1}{\Lambda} = \frac{d}{\lambda} = \left[ \frac{m^2 \cdot {}^\circ K}{W} \right]$$

$$R = \sum_{i=1}^n \frac{1}{\Lambda_i} = \frac{d_1}{\lambda_1} + \frac{d_2}{\lambda_2} + \dots + \frac{d_n}{\lambda_n} = \left[ \frac{m^2 \cdot {}^\circ K}{W} \right]$$

# Otpor graničnog sloja prelazu toplote (otpor konvekcije)

## Toplotni otpor $R_i$ i $R_e$ prelazu toplote

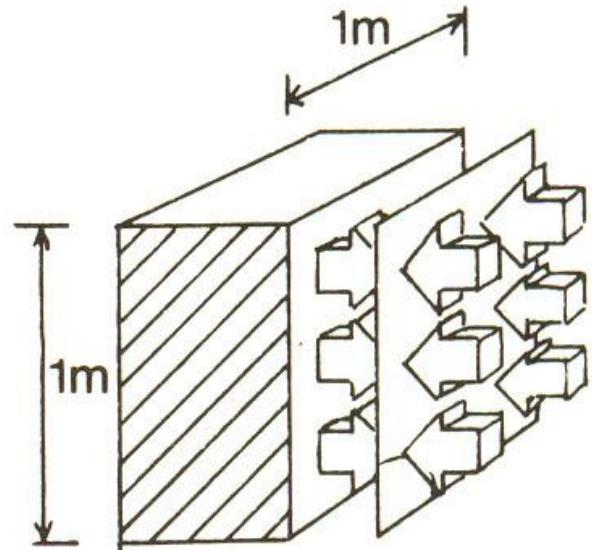
(Parametri definisani standardom)

- ✓ sa **unutrašnje** strane konstrukcije

$$R_i = \frac{1}{\alpha_i} = \left[ \frac{m^2 \cdot {}^\circ K}{W} \right]$$

- ✓ sa **spoljašnje** strane konstrukcije

$$R_e = \frac{1}{\alpha_e} = \left[ \frac{m^2 \cdot {}^\circ K}{W} \right]$$



**Koeficijent prelaza toplote - Def.:**  
Količina toplote koja u jednoj sekundi pređe sa čvrstog tijela na fluid ili obratno, upravno na jediničnu površinu, ukoliko je razlika u njihovoj temperaturi  $1^\circ K$ .

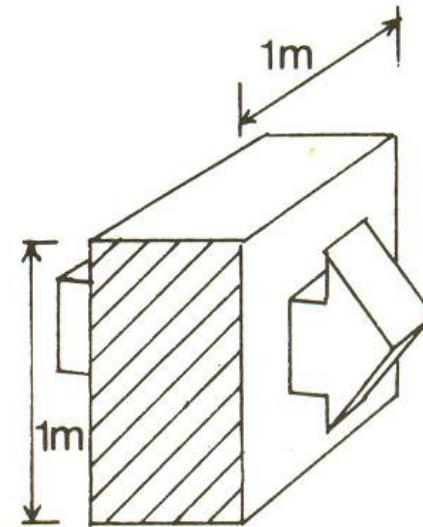
# Ukupni otpor prolazu toplote "R" i koeficijent prolaza toplote "k" ("U")

- **Ukupni otpor prolazu toplote:**  
*(predmet standarda)*

$$R_k = R_i + R + R_e$$

- **Koeficijent prolaza toplote:**  
*(predmet standarda)*

$$k(U) = \frac{1}{R_i + R + R_e} = \left[ \frac{W}{m^2 \cdot {}^\circ K} \right]$$



**Koeficijent prolaza toplote - Def.:**  
Količina toplote koja u jedinici vremena (sekundi) prođe kroz građevinsku konstrukciju, upravno na jediničnu površinu, pod uslovom da je razlika u temperaturi vazduha sa različitih strana konstrukcije  $1^\circ K$ .

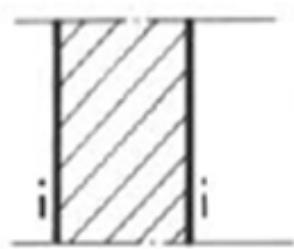
# Proračun koeficijenta (k) primjenom standarda JUS U.J5.510

Oznake i jedinice:

$k$ – koeficijent prolaza toplote	W/(m <sup>2</sup> *K)
$d$ – debljina homogene građevinske konstrukcije	m
$\Delta t_j$ – razlika temperaturne granične površine građevinske konstrukcije prema prostoru unutar zgrade i prema prostoru izvan zgrade	oC
$\vartheta_i$ – temperatura granične površine građevinske konstrukcije prema prostoru unutar zgrade	oC
$\vartheta_e$ – temperatura granične površine građevinske konstrukcije prema prostoru izvan zgrade	oC
$\alpha_i$ – koeficijent prelaza toplote koji se odnosi na površinu prema prostoru unutar zgrade	W/(m <sup>2</sup> *K)
$\alpha_e$ – koeficijent prelaza toplote koji se odnosi na površinu prema prostoru izvan zgrade	W/(m <sup>2</sup> *K)
$\lambda$ – koeficijent toplotne provodljivosti materijala	W/(m*K)
$R_k$ – ukupni toplotni otpor homogene građevinske konstrukcije	m <sup>2</sup> K/W
$R_i$ – toplotni otpor koji se odnosi na graničnu površinu prema prostoru unutar zgrade	m <sup>2</sup> K/W
$R_e$ – toplotni otpor koji se odnosi na graničnu površinu prema prostoru izvan zgrade	m <sup>2</sup> K/W
$R$ – toplotni otpor građevinske konstrukcije bez toplotnih otpora $R_i$ and $R_e$	m <sup>2</sup> K/W

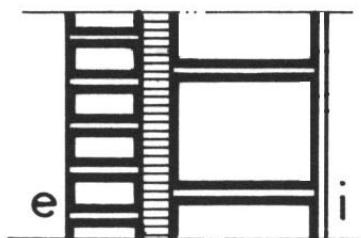
# Proračun koeficijenta (k) primjenom standarda JUS U.J5.510

➤ **Homogena** građevinska konstrukcija



$$k = \frac{1}{\frac{1}{\alpha_i} + \frac{d}{\lambda} + \frac{1}{\alpha_e}} = \left[ \frac{W}{m^2 K} \right]$$

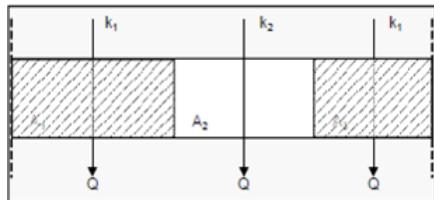
➤ Konstrukcija **sa više homogenih slojeva**:



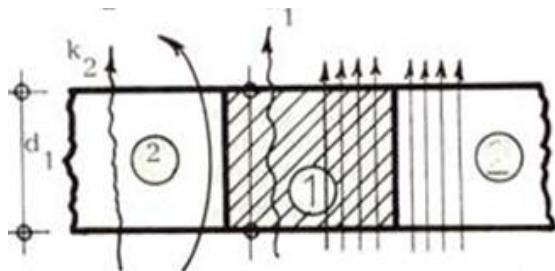
$$k = \frac{1}{\frac{1}{\alpha_i} + \sum_{j=1}^n \frac{d_j}{\lambda_j} + \frac{1}{\alpha_e}} = \left[ \frac{W}{m^2 K} \right]$$

# Proračun koeficijenta (k) primjenom standarda JUS U.J5.510

➤ Konstrukcija **jednostavne heterogenosti**:

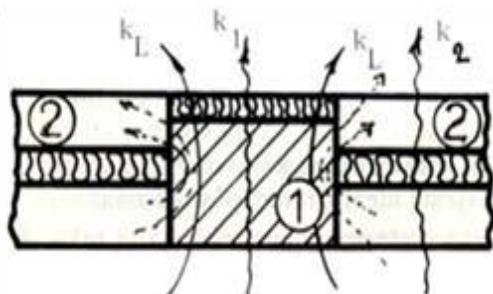


$$k = \frac{A_1 k_1 + A_2 k_2 + \dots + A_n k_n}{A_1 + A_2 + \dots + A_n}$$



$$k = \frac{\sum A_j k_j}{\sum A}$$

➤ Konstrukcija **složene heterogenosti**:



$$k \cdot A = \sum_{j=1}^n (k_j \cdot A_j) + \sum_{j=1}^m (k_{jL} \cdot L_j) = \left( \frac{W}{m^2 K} \right)$$

$$k = \frac{\sum_{j=1}^n (k_j \cdot A_j) + \sum_{j=1}^m (k_{jL} \cdot L_j)}{\sum A} = \left( \frac{W}{m^2 K} \right)$$

# Provjera parametara površinske kondenzacije i toplotnog komfora: temperatura unutrašnje površine konstrukcije

## ➤ Pad temperature po slojevima konstrukcije

Proračun temperature graničnih površina slojeva konstrukcije se sastoji u izračunavanju temperaturnih razlika za svaki sloj građevinske konstrukcije za zimski i ljetnji period.

- Pad temperature j-tog sloja građevinske konstrukcije računa se po formuli:

$$\Delta t_j = \frac{\Delta t}{R_k} \cdot R_j \quad \Delta t = t_i - t_e; \quad t_i = 20^\circ C, \quad t_e = \text{spolj.projekt.temp. (Karta br.2)}$$

## ➤ Temperatura unutrašnje površine građevinske konstrukcije data je izrazom:

$$\vartheta_i = t_i - \Delta t_i$$

$v_i > t_r$  ( $t_r$  – temp. tačke roze) ... **nema kondenzacije** na unutraš. površ. konstrukcija

$\Delta t_i < 3^\circ C$  ... min uslov koji treba postići odg. TI, kao **kriterijum toplotnog komfora**

## ➤ Temperatura na granici prvog i drugog sloja građevinske konstrukcije data je izrazom:

$$\vartheta_1 = \vartheta_i - \Delta t_1$$

## ➤ Temperatura spoljašnje površine građevinske konstrukcije data je izrazom:

$$\vartheta_e = \vartheta_{n-1} - \Delta t_n$$